

**METODI MATEMATICI PER L'ECONOMIA**

Corso di Laurea in Economia Aziendale aula A-L (Prof. F. Lamantia) e aula M-Z (Prof. D. De Giovanni)

**Cognome** \_\_\_\_\_ **Nome** \_\_\_\_\_ **Matricola** |\_|\_|\_|\_|\_|\_|\_|\_|

1. Studiare la seguente funzione

$$f(x) = xe^{|x-x^2|}$$

---

Insieme di definizione.

---

Limiti agli estremi dell'intervallo di definizione.

---

Equazioni degli eventuali asintoti orizzontali, verticali ed obliqui.

---

Insieme di definizione della derivata prima e sua espressione analitica.

Discutere l'esistenza di eventuali punti di minimo e/o di massimo.

---

Indicare in quali intervalli la funzione è crescente o decrescente.

---

Scrivere l'equazione della retta tangente al grafico della funzione nel punto di coordinate cartesiane  $(2, f(2))$ .

---

Grafico.

2. Calcolare il seguente integrale indefinito

$$\int e^{(2x+\log(x^2))} dx$$

---

3. Studiare il carattere della seguente serie:

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n+5}{\sqrt[6]{n^5}}$$

4. Date le matrici

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & a \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ a & 0 & 1 \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad C = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}$$

Studiare, al variare del parametro  $a \in \mathfrak{R}$ , il sistema lineare  $AB \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = C$